

## 臺北市114學年度第二學期民生國民中學資賦優異班特殊需求領域課程計畫

領域/ 科目	<input checked="" type="checkbox"/> 特殊需求 ( <input type="checkbox"/> 創造力 <input type="checkbox"/> 領導才能 <input type="checkbox"/> 情意發展 <input type="checkbox"/> 獨立研究 <input checked="" type="checkbox"/> 專長領域) <input type="checkbox"/> 其他：						
課程名稱	數學探索	課程類別	<input checked="" type="checkbox"/> 必修 <input type="checkbox"/> 選修	每週節數	1		
課程/教學 設計者	數學領域資優班團隊	實施年級	<input checked="" type="checkbox"/> 7 年級 <input type="checkbox"/> 8 年級 <input type="checkbox"/> 9 年級 <input type="checkbox"/> 上學期 <input checked="" type="checkbox"/> 下學期				
領域核心素 養	<p>數-A1 能堅持不懈地探索與解決數學問題，具備數學思考能力以及精確與理性溝通時所必需的數學語言，並擁有學習力以成就優質的生涯規畫與發展。</p> <p>數-A3 具備轉化現實問題為數學問題的能力，並探索、擬定與執行解決問題計畫，以及從多元、彈性與創新的角度解決數學問題，並能將問題解答轉化運用於現實生活。</p> <p>數-J-B3 具備辨認藝術作品中的幾何形體或數量關係的素養。並能在數學的推導中，享受數學之美。</p> <p>數-C2 具備和他人合作解決問題的素養，並能尊重多元的問題解法，建立良好的互動關係。</p>						
學習 重點	<p>n-IV-1 理解因數、倍數、質數、最大公因數、最小公倍數的意義及熟練其計算，並能運用到日常生活的情境解決問題。</p> <p>n-IV-2 理解負數之意義、符號與在數線上的表示，並熟練其四則運算，且能運用到日常生活的情境解決問題。</p> <p>s-IV-1 理解常用幾何形體的定義、符號、性質，並應用於幾何問題的解題。</p> <p>s-IV-3 理解兩條直線的垂直和平行的意義，以及各種性質，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。</p> <p>s-IV-5 理解線對稱的意義和線對稱圖形的幾何性質，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。</p> <p>a-IV-1:理解並應用符號及文字敘述表達概念、運算、推理及證明。</p> <p>s-IV-15:認識線與線、線與平面在空間中的垂直關係和平行關係。</p> <p>s-IV-16:理解簡單的立體圖形及其三視圖與平面展開圖，並能計算立體圖形的表面積、側面積及體積。</p> <p>d-IV-2:理解機率的意義，能以機率表示不確定性和以樹狀圖分析所有的可能性，並能應用機率到簡單的日常生活情境解決問題。</p>						

學習內容	N-7-3 負數與數的四則混合運算(含分數、小數)：使用「正、負」表徵生活中的量；相反數；數的四則混合運算。			
	N-7-7 指數律：以數字例表示「同底數的乘法指數律」 $(a^m \times a^n = a^{m+n})$ 、 $(a^m)^n = a^{mn}$ 、 $(a \times b)^n = a^n \times b^n$ ，其中 $m, n$ 為非負整數；以數字例表示「同底數的除法指數律」 $(a^m \div a^n = a^{m-n})$ ，其中 $m \geq n$ 且 $m, n$ 為非負數。			
	S-7-1 簡單圖形與幾何符號：點、線、線段、射線、角、三角形與其符號的介紹。			
	S-7-3 垂直：垂直的符號；線段的中垂線；點到直線距離的意義。			
	S-7-4 線對稱的性質：對稱線段等長；對稱角相等；對稱點的連線段會被對稱軸垂直平分。			
	S-7-5 線對稱的基本圖形：等腰三角形；正方形；菱形；等腰梯形；正多邊形。			
	S-9-11:證明的意義：幾何推理（須說明所依據的幾何性質）；代數推理（須說明所依據的代數性質）。			
	S-9-12:空間中的線與平面：長方體與正四面體的示意圖，利用長方體與正四面體作為特例，介紹線與線的平行、垂直與歪斜關係，線與平面的垂直與平行關係。			
	S-9-13:表面積與體積：直角柱、直圓錐、正角錐的展開圖；直角柱、直圓錐、正角錐的表面積；直角柱的體積。			
	D-9-2:認識機率：機率的意義；樹狀圖(以兩層為限)。			
	D-9-3:古典機率：具有對稱性的情境下（銅板、骰子、撲克牌、抽球等）之機率；不具對稱性的物體（圖釘、圓錐、爻杯）之機率探究。			
課程目標				
1.透過不同面向的課程，讓孩子探索自己喜歡的數學領域。				
2.藉由活動課程促進同學互動，也可透過發表欣賞彼此優點，相互激盪優質想法。				
議題融入實質內涵				
環 J3 經由環境美學與自然文學了解自然環境的倫理價值。 涯 J3 覺察自己的能力與興趣。 閱 J3 理解學科知識內的重要詞彙的意涵，並懂得如何運用該詞彙與他人進行溝通。				
學生能力分析 (區分性教學設計)	學生組別	數學綜合能力 尚可	數學綜合能力 良好	數學綜合能力 優
	學習優弱勢分析	組合，規律，幾何，推理等能力佳	組合，規律，幾何，推理等能力優異	組合，規律，幾何，推理等能力卓越

	教學策略	透過較多圖像或是生活化的例子說明，加強引導學習與深化課程之知識概念。	將課程進行加深加廣，並透過自編講義提升學生之學習能力、興趣及創造力。	允許學生自行閱讀該課程相關之書籍，並給予額外挑戰，鼓勵學生進行高層次思考與帶領同學討論。
		學生能理解並透過老師指導完成自編講義中基礎題型。	學生透過老師指導能完成自編講義中進階題型，能自行完成基礎題型。	學生能有抽象性思考，能自己將自編講義中的難題分析，並與同學互相討論
	評量標準	優	作業學習單認真完成 積極主動參與學習	作業學習單內容完整 進階題型完成70%以上
		良	作業學習單按時完成 積極主動參與學習	作業學習單認真完成 進階題型完成60%以上
		可	作業學習單部分完成 能大致參與課堂學習	作業學習單按時完成 進階題型完成50%以上
週次	單元名稱		課程內容說明	
1	資優班始業式		說明課程規劃大綱	
2	數論 1		1. 介紹數系 2. 介紹數的整除性	
3	數論 2		1. 輾轉相除法 2. 介紹同餘	
4	數論 3		介紹同餘的性質	
5	集合論 1		1. 介紹集合與元素(列舉法、描述法) 2. 介紹交集、聯集、補集、差集 3. 介紹空集合、子集合	
6	集合論 2		1. 介紹笛摩根定理 (限兩集合) 2. 介紹文氏圖 (限兩集合) 3. 集合個數的計算	
7	第一次段考		複習	
8	思考邏輯		簡易邏輯概念 1. 敘述與開放語句 2. 邏輯推理 3. 判斷命題真偽	
9	數學魔術一		1. 老師示範撲克牌魔術。 2. 討論說明撲克牌魔術的數學原理。	
10	數學魔術一		輾轉相除法	

		1.歐基里得輾轉相除法 2.《幾何原本》的輾轉相除法	
11	哥倫布方塊	1.摺紙完成正立方體零件並拼組。 2.利用完成的正立方體零件學習立體空間的三視圖。 3.摺紙完成哥倫布方塊零件。	
12	哥倫布方塊	1.完成哥倫布方塊拼組。 2.討論哥倫布方塊缺角情況 3.分組進行哥倫布方塊堆疊競賽。	
13	畢氏定理	<p>一、引起動機 以燕子颱風重創日本為開端，讓學生明白氣候變遷以及環境惡化遠超過發展（融入 SDGS）            (1) 新聞影片收視。            (2) 了解風災帶來的禍害（斷橋）及成因。（引導同學思考兩點之距離如何計算）</p> <p>二、發展活動            (1) 播放「畢氏定理介紹」影片：由故事引入，介紹希臘數學家與哲學家—畢達哥拉斯的一生，讓學生從其中認識一代數學大師—畢達哥拉斯。            【活動一】小組搶答            【活動二】「畢達哥拉斯」由你來作 1            【<math>3*3</math> 兩個】、【<math>3*3</math> 及 <math>4*4</math>】            (5) 歸納活動操作，能理解（直角三角形兩股平方和等於斜邊的平方）。            (6) 請每組一位同學上台演示隨堂練習，共 4 題。</p>	
14	第二次段考	複習	
15	畢氏定理	<p>三、畢氏定理（勾股弦定理、商高定理）的意義 及其數學史；畢氏定理在生活上的應用；三邊長滿足畢氏定理的三角形必定是直角三角形。</p> <p>四、綜合活動            (1)教師針對上述活動，讓學生對畢氏</p>	

		定理更清楚。 (2)讓學生討論，並完成學習單橋梁長度計算。	
16	一刀剪	1.摺紙完成 2.自行思考完成並分組討論完成學習單	
17	一刀剪	1.討論摺紙中的數學概念 2.挑戰進階「一刀剪」。	
18	排列	1.介紹「加法原理」(基本題型) 2.介紹「乘法原理」(基本題型) 3.認識「階乘」	
19	組合	1.銜接「階乘」，引入 P(基本題型) 2.學習「組合」的定義，再引入 C	
20	機率	1.古典機率的介紹 2.事件E的機率=事件 E 的樣本點個數/樣本空間的樣本點個數	
21	第三次段考	複習	
教學資源	1.數學相關網站 2.各單元自編學習單		
教學方法	講述法、課堂討論與分享、分組教學		
教學評量	1.總結性評量 40% 2.實作評量(作業繳交、發表、小組互動等)30% 3.形成性評量(紙筆測驗)20% 4.情意態度(平時上課表現、學習態度)10%		